

## "Trojkaty rozwartokatne - rozwiazanie okreslajace 5 - niewiadomych parametrow zewnetrznych trojkata rozwartokatnego "

### przykład 1.

dane;

dla rys. 1

$a1 = ?$

$b1 = ?$

$c1 = ?$

$ctg1 = 1,125$

dla rys.2

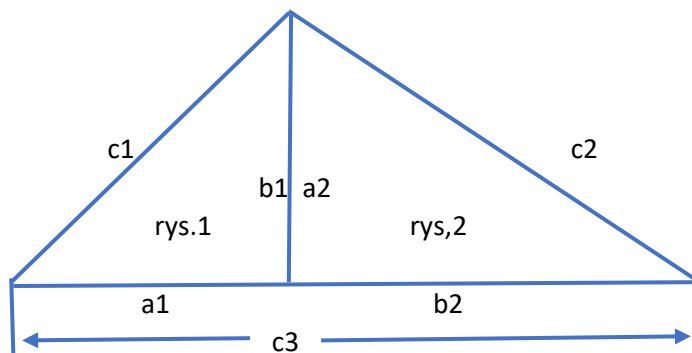
$a2 = ?$

$b2 = ?$

$c2 = ?$

$ctg2 = 2,25$

$c3 = 5,123677821$



Powyzej przedstawilem trojkat rozwartokatny z danymi niewiadomymi parametrami trojkata takich jak  $a1, b1$  i  $a2, c1, b2, c2$  oraz okreslonymi parametrami jak  $ctg1, ctg2$  oraz  $c3$ .

Ponizej przedstawie nowa formule matematyczna która jest punktem wyjścia do okreslenia pieciu niewiadomych parametrow trojkata rozwartokatnego.

dane;

$$a1 = c3 / [(ctg1 \times ctg2) + 1]$$

dla rys.1

$a1 = 1,450953011$

$$a1 = 5,123677821 / [(1,125 \times 2,25) + 1]$$

$b1 = ?$

$$a1 = 5,123677821 / (2,53125 + 1)$$

$c1 = ?$

$$a1 = 5,123677821 / 3,53125$$

$ctg1 = 1,125$

$$a1 = 1,450953011$$

dla rys.2

$a2 = ?$

$b2 = 3,67272481$

$$b2 = c3 - a1$$

$$b2 = 5,123677821 - 1,450953011$$

$$b2 = 3,67272481$$

$c2 = ?$

$ctg2 = 2,25$

$c3 = 5,123677821$

Dla rys1 okreslimy za pomoca prostej formuly  $b1 = ctg1 \times a1$  a dla rys.2 okreslimy za pomoca formuly  $a2 = b2 / ctg2$ , czyli parametr  $a2$ .

dane;

$$b1 = ctg1 \times a1$$

$$b1 = 1,125 \times 1,450953011$$

$$b1 = 1,632322137$$

dla rys.1

$$a2 = b2 / ctg2$$

$$a2 = 3,67272481 / 2,25$$

$$a2 = 1,632322137$$

$a1 = 1,450953011$

$$c3 = a1 + b2$$

$$c3 = 1,450953011 + 3,67272481$$

$$c3 = 5,123677821$$

$b1 = 1,632322137$

$c1 = ?$

$ctg1 = 1,125$

$$c1^2 = a1^2 + b1^2$$

dla rys.2

$$c1 = \sqrt{a1^2 + b1^2}$$

$a2 = 1,632322137$

$$c1 = \sqrt{1,450953011^2 + 1,632322137^2}$$

$b2 = 3,67272481$

$$c1 = \sqrt{2,105264640 + 2,664475558}$$

$c2 = ?$

$$c1 = \sqrt{4,769740198}$$

$ctg2 = 2,25$

$$c1 = 2,183973488$$

$c3 = 5,123677821$

dane;

dla rys.1

$$a1 = 1,450953011$$

$$b1 = 1,632322137$$

$$c1 = 2,183973488$$

$$ctg1 = 1,125$$

dla rys.2

$$a2 = 1,632322137$$

$$b2 = 3,67272481$$

$$c2 = 4,019127154$$

$$ctg2 = 2,25$$

$$c3 = 5,123677821$$

$$c2^2 = a2^2 + b2^2$$

$$c2 = \sqrt{a2^2 + b2^2}$$

$$c2 = \sqrt{1,632322137^2 + 3,67272481^2}$$

$$c2 = \sqrt{2,664475558 + 13,488907529}$$

$$c2 = \sqrt{16,153383087}$$

$$c2 = 4,019127154$$

Według powyższych działań matematycznych określiliśmy wszystkie 5 - niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego. Następnym krokiem będzie zmiana poszczególnych parametrów trójkąta to znaczy parametr  $c1$  będzie parametrem  $a3$ , a parametr  $c2$  będzie parametrem  $b3$  trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$c1 = a3 - 2,183973488$$

$$c2 = b3 - 4,019127154$$

$$c3 = c3 - 5,123677821$$

$$a3 = 2,183973488$$

as3

bs3

$$b3 = 4,019127154$$

pg

cs3

$$c3 = 5,123677821$$

Na powyższym rysunku trójkąta rozwartokątnego określiliśmy wszystkie trzy parametry zewnętrzne trójkąta rozwartokątnego ( $a3, b3, c3$ ). Następnym krokiem będzie określenie wszystkich parametrów wewnętrznych trójkąta rozwartokątnego ( $as3, bs3, cs3, pg$ ).

dane;

$$a3 = 2,183973488$$

$$b3 = 4,019127154$$

$$c3 = 5,123677821$$

$$as3 = 1,274823518$$

$$bs3 = 2,346034807$$

$$cs3 = 2,990780346$$

$$pg = 1,713157513$$

$$ctg3 = 1,840282026$$

$$as3 = c3 / b3$$

$$as3 = 5,123677821 / 4,019127154$$

$$as3 = 1,274823518$$

$$bs3 = c3 / a3$$

$$bs3 = 5,123677821 / 2,183973488$$

$$bs3 = 2,346034807$$

$$cs3 = as3 \times bs3$$

$$cs3 = 1,274823518 \times 2,346034807$$

$$cs3 = 2,990780346$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$pg = 5,123677821 / 2,990780346$$

$$pg = 1,713157513$$

$$ctg3 = bs3 / as3$$

$$ctg3 = 2,346034807 / 1,274823518$$

$$ctg3 = 1,840282026$$

Mając określone parametry wewnętrzne trójkąta rozwartokątnego sprawdzimy za pomocą formuły Pitagorasa opartej na działaniach na iloczynach.

$$c3 = (as3 \times pg) \times (bs3 \times pg) / pg$$

lub

$$c3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$5,123677821 = (1,274823518 \times 1,713157513) \times (2,346034807 \times 1,713157513) / 1,713157513$$

$$5,123677821 = (2,183973487 \times 4,019127155) / 1,713157513$$

$$5,123677821 = 8,777667151 / 1,713157513$$

$$5,123677821 = 5,123677820$$

L = P

lub

$$cs3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$5,123677821 = (2,183973488 \times 4,019127154) / 1,713157513$$

$$5,123677821 = 8,777667149 / 1,713157513$$

$$5,123677821 = 5,123677818$$

L = P

Następnym krokiem będzie rozwiązanie matematyczne tak jak wcześniej wspomniałem w publikacji internetowej. W publikacji tej przedstawiłem odnoszących do trójkątów prostokątnych dowody matematyczne rozwiązujące przy dowolnego określenia parametru przeciwprostokątnej  $c$ , która za pomocą wewnętrznych parametrów określimy parametry  $a$  i  $b$ . Czyli udowodniłem rozwiązanie równania z dwoma niewiadomymi za pomocą parametrów trójkąta prostokątnego z 7 - parametrami. A rozwiązanie równania z dwoma niewiadomymi za pomocą trójkąta prostokątnego z 3 - parametrami, równanie takie jest niemożliwe. Jedyną zmianą to parametr  $c_3 = 5,123677821$  określiłem jako  $c_3 = 6,844532121$ .

dane;

$a_3 = ?$

$b_3 = ?$

$c_3 = 6,844532121$

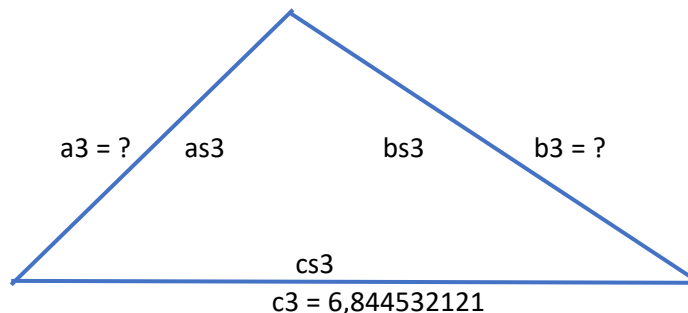
$as_3 = 1,274823518$

$bs_3 = 2,346034807$

$cs_3 = 2,990780346$

$pg = ?$

$ctg_3 = 1,840282026$



$$a_3 = c_3 / bs_3$$

$$a_3 = 6,844532121 / 2,346034807$$

$$a_3 = 2,917489587$$

$$b_3 = c_3 / as_3$$

$$b_3 = 6,844532121 / 1,274823518$$

$$b_3 = 5,369003649$$

$$ctg_3 = b_3 / a_3$$

$$pg = c_3 / cs_3$$

$$1,840282026 = 5,369003649 / 2,917489587$$

$$pg = 6,844532121 / 2,990780346$$

$$1,840282026 = 1,840282026$$

$$pg = 2,288543901$$

$$L = P$$

W ten sposób za pomocą tylko jednego parametru przeciwprostokątnej  $c_3$  oraz parametrów wewnętrznych trójkąta rozwartokątnego  $as_3, bs_3$ , określiłem niewiadome parametr  $a_3$  oraz  $b_3$  za pomocą prostych formuł matematycznych odnoszących do rozwiązań trójkąta rozwartokątnego przedstawionego na powyższym przykładzie matematycznym. Następnym etapie przedstawie następne cztery przykłady matematyczne stosując ten sam schemat działań matematycznych jak przykładzie 1.

### przykład 2.

dane;

dla rys.1

$a_1 = ?$

$b_1 = ?$

$c_1 = ?$

$ctg_1 = 0,9375$

dla rys.2

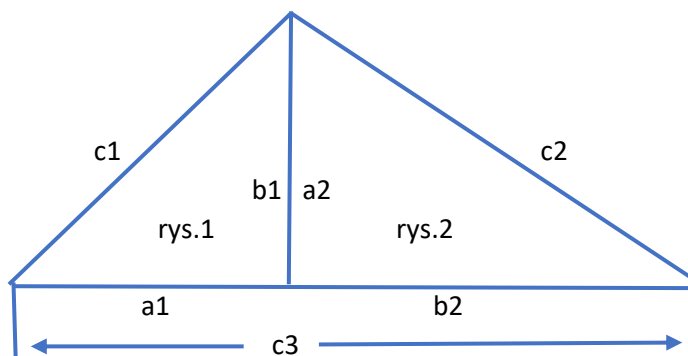
$a_2 = ?$

$b_2 = ?$

$c_2 = ?$

$ctg_2 = 1,607142857$

$c_3 = 6,567988344$



Powyżej przedstawiłem trójkąta rozwartokątny z danymi niewiadomymi parametrami trójkąta takich jak  $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$  oraz określonymi parametrami jak  $ctg_1, ctg_2$  oraz  $c_3$ .  
Poniżej przedstawię nową formułę która jest punktem wyjścia do określenia pięciu niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$a_1 = c_3 / (ctg_1 \times ctg_2) + 1$$

dla rys.1

$$a_1 = 2,620177007$$

$$a_1 = 6,567988344 / [(1,607142857 \times 0,9375) + 1]$$

$$b_1 = ?$$

$$a_1 = 6,567988344 / (1,506696428 + 1)$$

$$c_1 = ?$$

$$a_1 = 6,567988344 / 2,506696428$$

$$ctg_1 = 0,9375$$

$$a_1 = 2,620177007$$

dla rys.2

$$a_2 = ?$$

$$b_2 = c_3 - a_1$$

$$b_2 = 6,567988344 - 2,620177007$$

$$b_2 = 3,947811337$$

$$b_2 =$$

$$c_2 = ?$$

Dla rys1 określimy za pomocą prostej formuły  $b_1 = ctg_1 \times a_1$  a dla rys2

$$ctg_2 = 1,607142857$$

określimy za pomocą formuły  $a_2 = b_2 / ctg_2$  czyli parametr  $a_2$ .

$$c_3 = 6,567988344$$

dane;

dla rys1

$$b_1 = ctg_1 \times a_1$$

$$b_1 = 0,9375 \times 2,620177007$$

$$b_1 = 2,456415944$$

$$a_1 = 2,620177007$$

$$a_2 = b_2 / ctg_2$$

$$a_2 = 3,947811337 / 1,607142857$$

$$a_1 = 2,456415943$$

$$b_1 = 2,456415944$$

$$c_3 = a_1 + b_2$$

$$c_3 = 2,620177007 + 3,947811337$$

$$c_3 = 6,567988344$$

$$c_1 = ?$$

$$ctg_1 = 0,9375$$

$$c_1^2 = a_1^2 + b_1^2$$

dla rys2

$$c_1 = \sqrt{a_1^2 + b_1^2}$$

$$a_2 = 2,456415944$$

$$c_1 = \sqrt{2,620177007^2 + 2,456415944^2}$$

$$b_2 = 3,947811337$$

$$c_1 = \sqrt{6,865327548 + 6,033979289}$$

$$c_2 = ?$$

$$c_1 = \sqrt{12,899306837}$$

$$ctg_2 = 1,607142857$$

$$c_1 = 3,591560501$$

$$c_3 = 6,567988344$$

dane;

$$c_2 = a_2^2 + b_2^2$$

$$c_2 = \sqrt{a_2^2 + b_2^2}$$

dla rys1

$$c_2 = \sqrt{2,456415944^2 + 3,947811337^2}$$

$$a_1 = 2,620177007$$

$$c_2 = \sqrt{6,033979289 + 15,585214352}$$

$$b_1 = 2,456415944$$

$$c_2 = \sqrt{21,619193641}$$

$$c_1 = 3,591560501$$

$$c_2 = 4,649644464$$

$$ctg_1 = 0,9375$$

dla rys2

$$a_2 = 2,456415944$$

$$b_2 = 3,947811337$$

$$c_2 = 4,649644464$$

$$ctg_2 = 1,607142857$$

$$c_3 = 6,567988344$$

Według powyższych działań matematycznych określiliśmy wszystkie 5 - niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego. Następnym krokiem będzie zmiana poszczególnych parametrów trójkąta to znaczy parametr  $c_1$  będzie parametrem  $a_3$ , a parametr  $c_2$  będzie parametrem  $b_3$  trójkąta rozwartokątnego.

str.5

dane;

$$c1 = a3 - 3,591560501$$

$$c2 = b3 - 4,649644464$$

$$c3 = 6,567988344$$

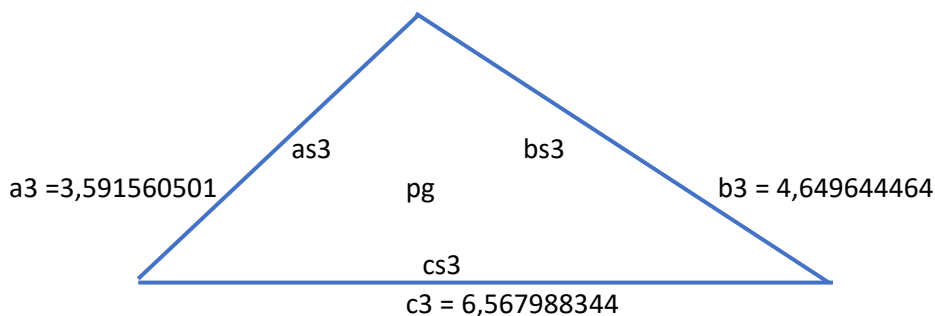
$$as3 = ?$$

$$bs3 = ?$$

$$cs3 = ?$$

$$ctg3 = ?$$

$$pg = ?$$



Na powyższym rysunku trójkąta rozwartokątnego określiliśmy wszystkie trzy parametry zewnętrzne trójkąta rozwartokątnego (  $a3, b3, c3$  ). Następnym krokiem będzie określenie wszystkich parametrów wewnętrznych trójkąta rozwartokątnego (  $as3, bs3, cs3, ctg3, pg$  ).

dane;

$$a3 = 3,591560501$$

$$b3 = 4,649644464$$

$$c3 = 6,567988344$$

$$as3 = 1,412578616$$

$$bs3 = 1,828728304$$

$$cs3 = 2,583222496$$

$$ctg3 = 1,294602851$$

$$pg = 2,542556188$$

$$as3 = c3 / b3$$

$$bs3 = c3 / a3$$

$$cs3 = as3 \times bs3$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$ctg3 = bs3 / as3$$

$$ctg3 = b3 / a3$$

$$as3 = 6,567988344 / 4,649644464$$

$$bs3 = 6,567988344 / 3,591560501$$

$$cs3 = 1,412578616 \times 1,828728304$$

$$pg = 6,567988344 / 2,583222496$$

$$ctg3 = 1,828728304 / 1,412578616$$

$$ctg3 = 4,649644464 / 3,591560501$$

$$as3 = 1,412578616$$

$$bs3 = 1,828728304$$

$$cs3 = 2,583222496$$

$$pg = 2,542556188$$

$$ctg3 = 1,294602851$$

$$ctg3 = 1,294602851$$

Mając określone parametry wewnętrzne trójkąta rozwartokątnego sprawdzimy za pomocą formuły Pitagorasa opartej na działaniach na iloczynie.

$$c3 = (as3 \times pg) \times (bs3 \times pg) / pg$$

lub

$$c3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$6,567988344 = (1,412578616 \times 2,542556188) \times (1,828728304 \times 2,542556188) / 2,542556188$$

$$6,567988344 = (3,591560501 \times 4,649644464) / 2,542556188$$

$$6,567988344 = 16,699479406 / 2,542556188$$

$$6,567988344 = 6,567988343$$

$$L = P$$

lub

$$cs3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$6,567988344 = (3,591560501 \times 4,649644464) / 2,542556188$$

$$6,567988344 = 16,699479400 / 2,542556188$$

$$6,567988344 = 6,567988341$$

$$L = P$$

Ponizej przedstawie przykład matematyczny przedstawiając dowolnie określony parametr  $c3$  oraz za pomocą niezmiennych parametrów  $as3$  i  $bs3$  określić zewnętrzne parametry  $a3, b3$  przy założeniu  $ctg3 = \text{const.}$

dane;

$$a3 = ?$$

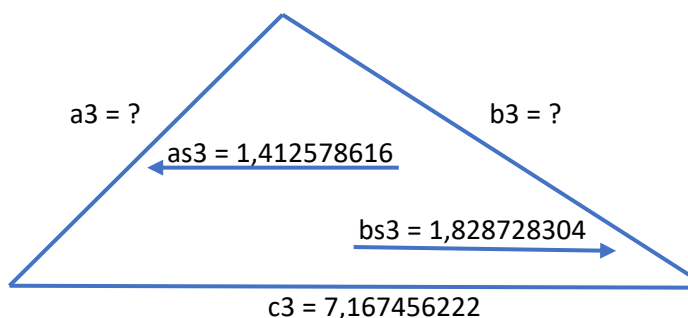
$$b3 = ?$$

$$c3 = 7,167456222$$

$$as3 = 1,412578616$$

$$bs3 = 1,828728304$$

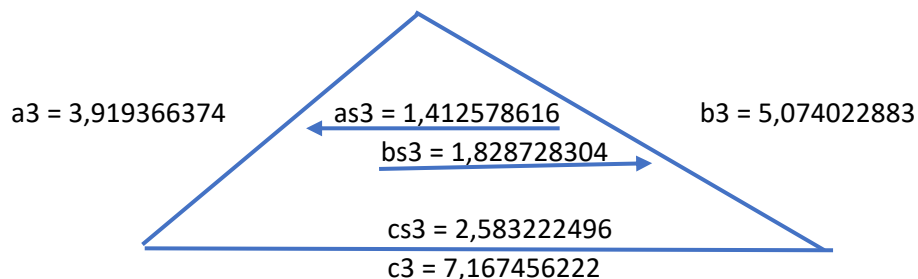
$$ctg3 = 1,294602851$$



str.6

dane;

|                       |                                     |                                   |                     |
|-----------------------|-------------------------------------|-----------------------------------|---------------------|
| $a_3 = 3,919366374$   | $a_3 = c_3 / b_3$                   | $a_3 = 7,167456222 / 1,828728304$ | $a_3 = 3,919366374$ |
| $b_3 = 5,074022883$   | $b_3 = c_3 / a_3$                   | $b_3 = 7,167456222 / 1,412578616$ | $b_3 = 5,074022883$ |
| $c_3 = 7,167456222$   | $ctg_3 = b_3 / a_3$                 |                                   | $pg = c_3 / cs_3$   |
| $as_3 = 1,412578616$  |                                     |                                   |                     |
| $bs_3 = 1,828728304$  | $ctg_3 = 5,074022883 / 3,919366374$ | $pg = 7,167456222 / 2,583222496$  |                     |
| $cs_3 = 2,583222496$  | $1,294602851 = 1,294602851$         | $pg = 2,774618227$                |                     |
| $pg = 2,774618227$    | $L = P$                             |                                   |                     |
| $ctg_3 = 1,294602851$ |                                     |                                   |                     |



### przykład.3

dla rys.1

$a_1 = ?$

$b_1 = ?$

$c_1 = ?$

$ctg_1 = 0,75$

dla rys.2

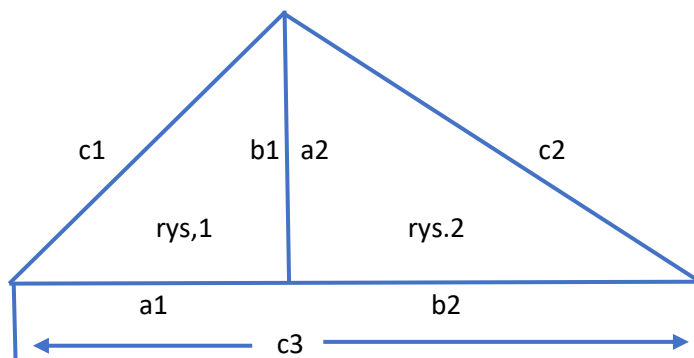
$a_2 = ?$

$b_2 = ?$

$c_2 = ?$

$ctg_2 = 1,875$

$c_3 = 7,988256775$



Powyżej przedstawilem trojkąt rozwartokątny z danymi niewiadomymi parametrow trojkata takich jak  $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$  oraz określonymi parametrami jak  $ctg_1, ctg_2$  oraz  $c_3$ . Poniżej przedstawie nowa formule matematyczna która jest punktem wyjścia do określenia pięciu niewiadomych parametrow trojkata rozwartokątnego.

dane;

dla rys,1

$$a_1 = c_3 / [(ctg_1 \times ctg_2) + 1]$$

$a_1 = ?$

$a_2 = ?$

$$a_1 = 7,988256775 / [(0,75 \times 1,875) + 1]$$

$c_1 = ?$

$$a_1 = 7,988256775 / 1,40625 + 1$$

$ctg_1 = 0,75$

$$a_1 = 7,988256775 / 2,40625$$

dla rys,2

$$a_1 = 3,319795023$$

$a_2 = ?$

$b_2 = ?$

$$b_2 = c_3 - a_1 \quad b_2 = 7,988256775 - 3,319795023 \quad b_2 = 4,668461752$$

$c_2 = ?$

$ctg_2 = 1,875$

Dla rys1 określimy za pomocą prostej formuły  $b_1 = ctg_1 \times a_1$  a dla rys2

$c_3 = 7,988256775$

określimy za pomocą formuły  $a_2 = b_2 / ctg_2$  czyli parametr  $a_2$

dane;

dla rys.1

$$a1 = 3,319795023$$

$$b1 = 2,489846267$$

$$c1 = ?$$

$$ctg1 = 0,75$$

$$a2 = 2,489846267$$

$$b2 = 4,668461752$$

$$c2 = ?$$

$$ctg2 = 1,875$$

$$c3 = 7,988256775$$

$$b1 = ctg1 \times a1$$

$$a2 = b2 / ctg2$$

$$c3 = a1 + b2$$

$$b1 = 0,75 \times 3,319795023$$

$$a2 = 4,668461752 / 1,875$$

$$c3 = 3,319795023 + 4,668461752$$

$$b1 = 2,489846267$$

$$a2 = 2,489846267$$

$$c3 = 7,988256775$$

$$c1^2 = a1^2 + b1^2$$

$$c1 = \sqrt{a1^2 + b1^2}$$

$$c1 = \sqrt{3,319795023^2 + 2,489846267^2}$$

$$c1 = \sqrt{11,021038994 + 6,199334433}$$

$$c1 = \sqrt{17,220373427}$$

$$c1 = 4,149743778$$

dane;

dla rys.1

$$a1 = 3,319795023$$

$$b1 = 2,489846267$$

$$c1 = 4,149743778$$

$$ctg1 = 0,75$$

dla rys.2

$$a2 = 2,489846267$$

$$b2 = 4,668461752$$

$$c2 = 5,290923318$$

$$ctg2 = 1,875$$

$$c3 = 7,988256775$$

$$c2^2 = a2^2 + b2^2$$

$$c2 = \sqrt{a2^2 + b2^2}$$

$$c2 = \sqrt{2,489846267^2 + 4,668461752^2}$$

$$c2 = \sqrt{6,199334433 + 21,794535129}$$

$$c2 = \sqrt{27,993869562}$$

$$c2 = 5,290923318$$

Według powyższych działań matematycznych określiliśmy wszystkie 5 - niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego. Następnym krokiem będzie zmiana poszczególnych parametrów trójkąta to znaczy parametr  $c1$  będzie parametrem  $a3$  a parametr  $c2$  będzie parametrem  $b3$  trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$c1 = a3 - 4,149743778$$

$$c2 = b3 - 5,290923318$$

$$c3 = 7,988256775$$

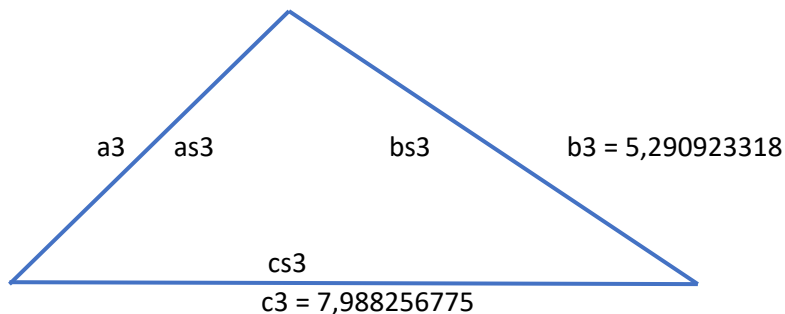
$$as3 = ?$$

$$bs3 = ?$$

$$cs3 = ?$$

$$ctg3 = ?$$

$$pg = ?$$



Na powyższym rysunku trójkąta rozwartokątnego określiliśmy wszystkie trzy parametry zewnętrzne trójkąta rozwartokątnego ( $a3, b3, c3$ ). następnym krokiem będzie określenie wszystkich parametrów wewnętrznych trójkąta rozwartokątnego ( $as3, bs3, cs3, ctg3, pg$ ).

dane;

$$a3 = 4,149743778$$

$$b3 = 5,290923318$$

$$c3 = 7,988256775$$

$$as3 = 1,509803921$$

$$bs3 = 1,925$$

$$cs3 = 2,906372547$$

$$as3 = c3 / b3$$

$$bs3 = c3 / a3$$

$$cs3 = as3 \times bs3$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$as3 = 7,988256775 / 5,290923318$$

$$bs3 = 7,988256775 / 4,149743778$$

$$cs3 = 1,509803921 \times 1,925$$

$$pg = 7,988256775 / 2,906372547$$

$$as3 = 1,509803921$$

$$bs3 = 1,925$$

$$cs3 = 2,906372547$$

$$pg = 2,748531595$$

$$\begin{array}{llll} pg = 2,748531595 & ctg3 = bs3 / as3 & ctg3 = 1,925 / 1,509803921 & ctg3 = 1,275 \\ ctg3 = 1,275 & ctg3 = b3 / a3 & ctg3 = 5,290923318 / 4,149743778 & ctg3 = 1,275 \end{array}$$

Mając okraslone parametry wewnetrzne trojkata rozwartokatnego sprawdzamy za pomoca formuly Pitagorasa opartej na dzialaniach na iloczynie.

$$c3 = ( as3 \times pg ) \times ( bs3 \times pg ) / pg$$

lub

$$c3 = ( a3 \times b3 ) / pg$$

$$7,988256775 = ( 1,509803921 \times 2,748531595 ) \times ( 1,925 \times 2,748531595 ) / 2,748531595$$

$$7,988256775 = ( 4,149743779 \times 5,290923320 ) / 2,748531595$$

$$7,988256775 = 21,955976133 / 2,748531595$$

$$7,988256775 = 7,988256774$$

$$L = P$$

lub

$$c3 = ( a3 \times b3 ) / pg$$

$$7,988256775 = ( 4,149743778 \times 5,290923318 ) / 2,748531595$$

$$7,988256775 = 21,955976118 / 2,748531595$$

$$7,988256775 = 7,988256769$$

$$L = P$$

Ponizej przedstawie przyklad matematyczny przedstawiajac dowolnie okreslony parametr c3 oraz za pomoca niezmiennych parametrow as3 i bs3 okresle zewnetrzne parametry a3 i b3 przy zalorzeniu  $ctg3 = \text{const}$ .

dane;

$$a3 = ?$$

$$b3 = ?$$

$$c3 = 8,129455921$$

$$as3 = 1,509803921$$

$$bs3 = 1,925$$

$$cs3 = 2,906372547$$

$$ctg3 = 1,275$$

$$pg = ?$$

$$a3 = c3 / bs3$$

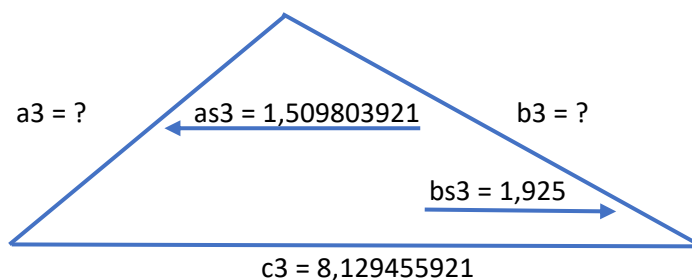
$$b3 = c3 / as3$$

$$a3 = 8,129455921 / 1,925$$

$$b3 = 8,129455921 / 1,509803921$$

$$a3 = 4,223093984$$

$$b3 = 5,384444832$$



dane;

$$ctg3 = b3 / a3$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$a3 = 4,223093984$$

$$b3 = 5,384444832$$

$$c3 = 8,129455921$$

$$as3 = 1,509803921$$

$$bs3 = 1,925$$

$$cs3 = 2,906372547$$

$$ctg3 = 1,275$$

$$pg = 2,797114199$$

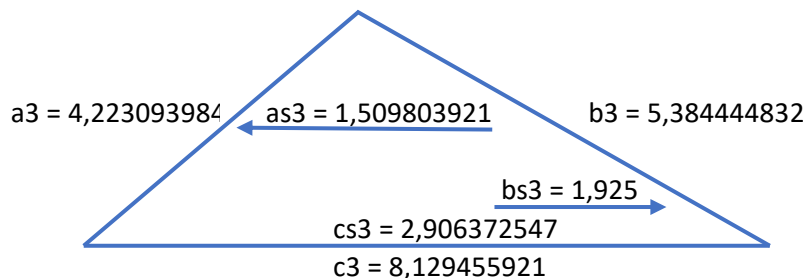
$$1,275 = 5,384444832 / 4,223093984$$

$$1,275 = 1,275$$

$$L = P$$

$$pg = 8,129455921 / 2,906372547$$

$$pg = 2,797114199$$





przykład. 4

dane;

dla rys.1

a1 = ?

b1 = ?

c1 = ?

ctg1 = 0,803571428

dla rys.2

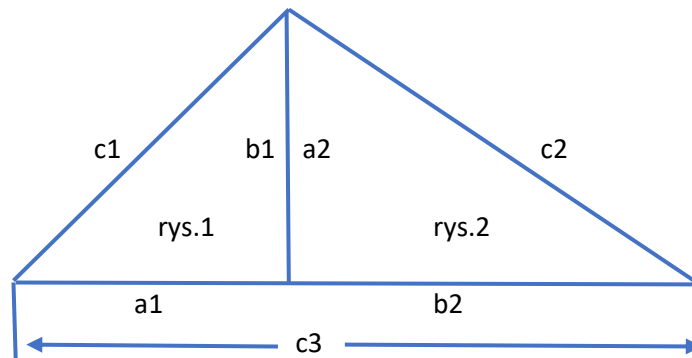
a2 = ?

b2 = ?

c2 = ?

ctg2 = 1,40625

c3 = 9,566987433



Powyżej przedstawiłem trójkąt rozwartokątny z danymi niewiadomymi parametrami trójkąta takimi jak a1,b1,c1, a2,b2,c2 oraz określonymi parametrami jak ctg1,ctg2, oraz c3. Poniżej przedstawię nową formułę matematyczną, która jest punktem wyjścia do określenia pięciu niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego.

dane;

dla rys.1

a1 = ?

b1 = ?

c1 = ?

ctg1 = 0,803571428

a2 = ?

b2 = ?

c2 = ?

ctg2 = 1,40625

c3 = 9,566987433

$$a1 = c3 / [(ctg1 \times ctg2) + 1]$$

$$a1 = 9,566987433 / [(0,803571428 \times 1,40625) + 1]$$

$$a1 = 9,566987433 / 1,130022320 + 1$$

$$a1 = 9,566987433 / 2,130022320$$

$$a1 = 4,491496329$$

$$b2 = c3 - a1 \quad b2 = 9,566987433 - 4,491496329 \quad b2 = 5,075491104$$

Dla rys1 określimy za pomocą formuły  $b1 = ctg1 \times a1$  a dla rys2 określimy za pomocą formuły  $a2 = b2 / ctg2$  czyli parametr a2.

dane;

dla rys1

a1 = 4,491496329

b1 = 3,609238118

c1 = ?

ctg1 = 0,803571428

dla rys2

a2 = 3,609238118

b2 = 5,075491104

c2 = ?

ctg2 = 1,40625

c3 = 9,566987433

$$b1 = ctg1 \times a1$$

$$b1 = 0,803571428 \times 4,491496329$$

$$b1 = 3,609238118$$

$$a2 = b2 / ctg2$$

$$a2 = 5,075491104 / 1,40625$$

$$a2 = 3,609238118$$

$$c1^2 = a1^2 + b1^2$$

$$c1 = \sqrt{a1^2 + b1^2}$$

$$c1 = \sqrt{4,491496329^2 + 3,609238118^2}$$

$$c1 = \sqrt{20,173539273 + 13,026599792}$$

$$c1 = \sqrt{33,200139065}$$

$$c1 = 5,761956183$$

dane;

dla rys1

$$a1 = 4,491496329$$

$$b1 = 3,609238118$$

$$c1 = 5,761956183$$

$$ctg1 = 0,803571428$$

dla rys2

$$a2 = 3,609238118$$

$$b2 = 5,075491104$$

$$c2 = 6,227937839$$

$$ctg2 = 1,40625$$

$$c3 = 9,566987433$$

$$c2^2 = a2^2 + b2^2$$

$$c2 = \sqrt{a2^2 + b2^2}$$

$$c2 = \sqrt{3,609238118^2 + 5,075491104^2}$$

$$c2 = \sqrt{13,026599792 + 25,760609946}$$

$$c2 = \sqrt{38,787209738}$$

$$c2 = 6,227937839$$

Według powyższych działań matematycznych określiliśmy wszystkie 5 - niewiadomych parametrów trójkąta rozwartokątnego. Następnym krokiem będzie zmiana poszczególnych parametrów trójkąta to znaczy parametr  $c1$  będzie parametrem  $a3$ , a parametr  $c2$  będzie parametrem  $b3$  trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$a3 = 5,761956183$$

$$b3 = 6,227937839$$

$$c3 = 9,566987433$$

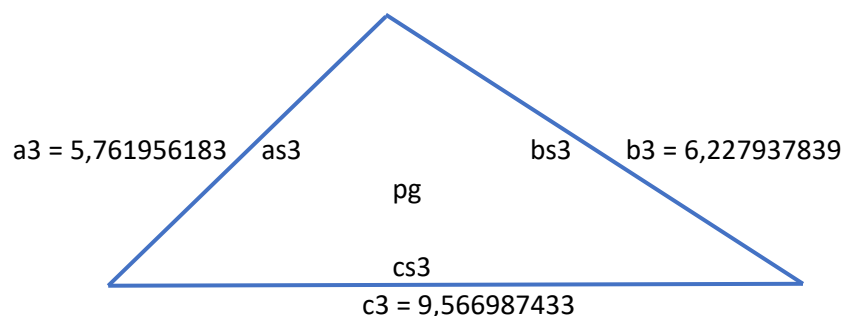
$$as3 = ?$$

$$bs3 = ?$$

$$cs3 = ?$$

$$pg = ?$$

$$ctg3 = ?$$



Na powyższym rysunku trójkąta rozwartokątnego określiliśmy wszystkie trzy parametry zewnętrzne trójkąta rozwartokątnego ( $a3, b3, c3$ ). Następnym krokiem będzie określenie wszystkich parametrów wewnętrznych trójkąta rozwartokątnego  $as3, bs3, cs3, pg$  oraz  $ctg3$ ).

dane;

$$a3 = 5,761956183$$

$$b3 = 6,227937839$$

$$c3 = 9,566987433$$

$$as3 = 1,536140481$$

$$bs3 = 1,660371431$$

$$cs3 = 2,550563768$$

$$pg = 3,750930501$$

$$ctg3 = 1,080872128$$

$$as3 = c3 / b3$$

$$bs3 = c3 / a3$$

$$cs3 = as3 \times bs3$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$ctg3 = bs3 / as3$$

$$ctg3 = b3 / a3$$

$$as3 = 9,566987433 / 6,227937839 \quad as3 = 1,536140481$$

$$bs3 = 9,566987433 / 5,761956183 \quad bs3 = 1,660371431$$

$$cs3 = 1,536140481 \times 1,660371431 \quad cs3 = 2,550563768$$

$$pg = 9,566987433 / 2,550563768 \quad pg = 3,750930501$$

$$ctg3 = 1,660371431 / 1,536140481 \quad ctg3 = 1,080872128$$

$$ctg3 = 6,227937839 / 5,761956183 \quad ctg3 = 1,080872128$$

Mając określone parametry trójkąta rozwartokątnego, sprawdzimy za pomocą formuły Pitagorasa opartej na działaniach na iloczynie.

$$c3 = (as3 \times pg) \times (bs3 \times pg) / pg$$

lub

$$c3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$9,566987433 = (1,536140481 \times 3,750930501) \times (1,660371431 \times 3,750930501) / 3,750930501$$

$$9,566987433 = (5,761956184 \times 6,227937843) / 3,750930501$$

$$9,566987433 = 35,885104971 / 3,750930501$$

$$9,566987433 = 9,566987434$$

$$L = P$$

lub

$$c3 = (a3 \times b3) / pg$$

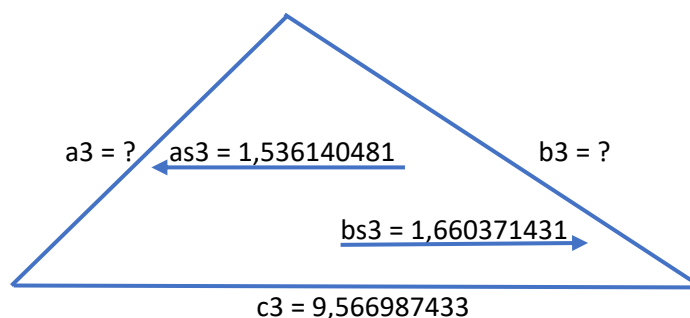
$$9,566987433 = (5,761956183 \times 6,227937839) / 3,750930501$$

$$9,566987433 = 35,885104938 / 3,750930501$$

$$9,566987433 = 9,566987426$$

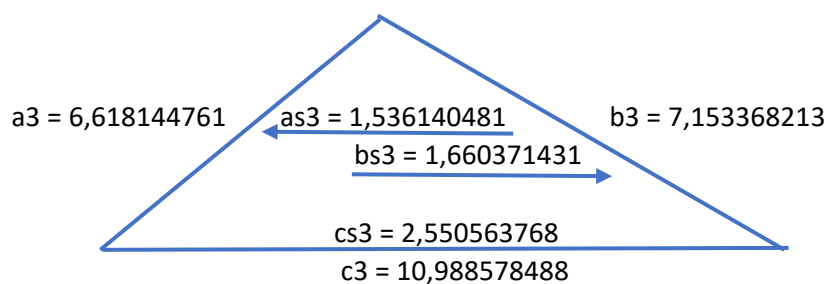
Ponizej przedstawie przykład matematyczny przedstawiajac dowolnie okreslony parametr  $c_3$  oraz za pomoca niezmiennych parametrow  $a_3$  i  $b_3$  okresle zewnetrzne parametry  $a_3$  i  $b_3$  przy zalorzeniu  $ctg_3 = \text{const}$ .

dane;  
 $a_3 = ?$   
 $b_3 = ?$   
 $c_3 = 10,988578488$   
 $as_3 = 1,536140481$   
 $bs_3 = 1,660371431$   
 $pg = ?$   
 $ctg_3 = 1,080872128$



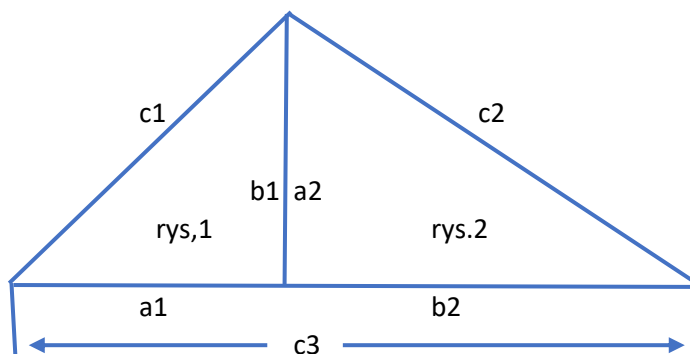
dane;

|                     |                                           |                     |
|---------------------|-------------------------------------------|---------------------|
| $a_3 = c_3 / bs_3$  | $a_3 = 10,988578488 / 1,660371431$        | $a_3 = 6,618144761$ |
| $b_3 = c_3 / as_3$  | $b_3 = 10,988578488 / 1,536140481$        | $b_3 = 7,153368213$ |
| $ctg_3 = b_3 / a_3$ |                                           |                     |
|                     | $1,080872128 = 7,153368213 / 6,618144761$ |                     |
|                     | $1,080872128 = 1,080872128$               |                     |
| $L = P$             |                                           |                     |
| $pg = c_3 / cs_3$   | $pg = 10,988578488 / 2,550563768$         | $pg = 4,308293964$  |



#### przykład 5.

dane;  
dla rys.1  
 $a_1 = ?$   
 $b_1 = ?$   
 $c_1 = ?$   
 $ctg.1 = 1,520270270$   
dla rys.2  
 $a_2 = ?$   
 $b_2 = ?$   
 $c_2 = ?$   
 $ctg.2 = 0,75$   
 $c_3 = 8,125677456$



Powyżej przedstawiłem trójkąt rozwartokątny z danymi niewiadomymi parametrow trójkąta takich jak  $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$ , oraz określonymi parametrami jak  $ctg_1, ctg_2$  oraz  $c_3$ . Poniżej przedstawię nową formułę matematyczną, która jest punktem wyjścia do określenia pięciu niwiadomych parametrow trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$a_1 = c_3 / [(ctg_1 \times ctg_2) + 1]$$

dla rys.1

$$a_1 = ?$$

$$a_1 = 8,125677456 / [(1,520270270 \times 0,75) + 1]$$

$$b_1 = ?$$

$$a_1 = 8,125677456 / 1,140202702 + 1$$

$$c_1 = ?$$

$$a_1 = 8,125677456 / 2,140202702$$

$$ctg_1 = 1,520270270$$

$$a_1 = 3,796685915$$

$$a_2 = ?$$

$$b_2 = ?$$

$$b_2 = c_3 - a_1 \quad b_2 = 8,125677456 - 3,796685915 \quad b_2 = 4,328991541$$

$$c_2 = ?$$

$$ctg_2 = 0,75$$

$$c_3 = 8,125677456$$

Dla rys.1 określimy za pomocą prostej formuły  $b_1 = ctg_1 \times a_1$  a dla rys.2 określimy za pomocą formuły  $a_2 = b_2 / ctg_2$  czyli parametr  $a_2$ .

dane;

$$a_1 = 3,796685915$$

$$b_1 = ctg_1 \times a_1$$

$$b_1 = 1,520270270 \times 3,796685915$$

$$b_1 = 5,771988721$$

$$b_1 = 5,771988721$$

$$a_2 = b_2 / ctg_2$$

$$a_2 = 4,328991541 / 0,75$$

$$a_2 = 5,771988721$$

$$c_1 = ?$$

$$c_3 = a_1 + b_2$$

$$c_3 = 3,796685915 + 4,328991541$$

$$c_3 = 8,125677456$$

$$ctg_1 = 1,520270270$$

$$a_2 = 5,771988721$$

$$c_1^2 = a_1^2 + b_1^2$$

$$b_2 = 4,328991541$$

$$c_1 = \sqrt{a_1^2 + b_1^2}$$

$$c_2 = ?$$

$$c_1 = \sqrt{3,796685915^2 + 5,771988721^2}$$

$$ctg_2 = 0,75$$

$$c_1 = \sqrt{14,414823937 + 33,315853795}$$

$$c_3 = 8,125677456$$

$$c_1 = \sqrt{47,730677732}$$

$$c_1 = 6,908739228$$

dane;

dla rys.1

$$a_1 = 3,796685915$$

$$c_2 = a_2^2 + b_2^2$$

$$b_1 = 5,771988721$$

$$c_2 = \sqrt{a_2^2 + b_2^2}$$

$$c_1 = 6,908739228$$

$$c_2 = \sqrt{5,771988721^2 + 4,328991541^2}$$

$$ctg_1 = 1,520270270$$

$$c_2 = \sqrt{33,315853795 + 18,740167762}$$

dla rys2

$$a_2 = 5,771988721$$

$$b_2 = 4,328991541$$

$$c_2 = 7,214985901$$

$$ctg_2 = 0,75$$

$$c_3 = 8,125677456$$

$$c_2 = 7,214985901$$

Według powyższych działań matematycznych określiliśmy wszystkie 5 - niewiadomych parametrow trójkąta rozwartokątnego. Następnym krokiem będzie zmiana poszczególnych parametrow trójkąta to znaczy parametr  $c_1$  będzie parametrem  $a_3$ , a parametr  $c_2$  będzie parametrem  $b_3$  trójkąta rozwartokątnego.

dane;

$$a3 = 6,908739228$$

$$b3 = 7,214985901$$

$$c3 = 8,125677456$$

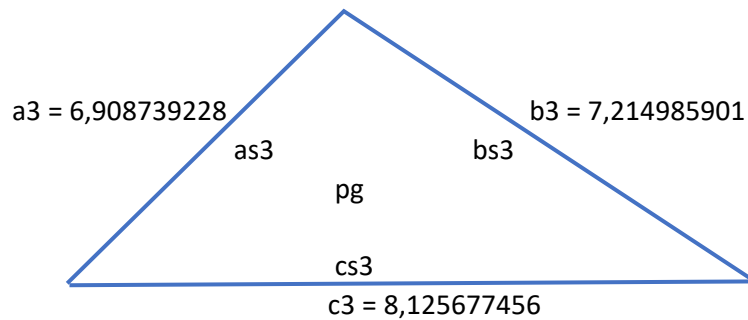
$$as3 = ?$$

$$bs3 = ?$$

$$cs3 = ?$$

$$pg = ?$$

$$ctg3 = ?$$



dane;

$$a3 = 6,908739228$$

$$b3 = 7,214985901$$

$$c3 = 8,125677456$$

$$as3 = 1,126222222$$

$$bs3 = 1,176144762$$

$$cs3 = 1,324600367$$

$$pg = 6,134436965$$

$$ctg3 = 1,044327432$$

$$as3 = c3 / b3$$

$$bs3 = c3 / a3$$

$$cs3 = as3 \times bs3$$

$$pg = c3 / cs3$$

$$ctg3 = b3 / a3$$

$$ctg3 = bs3 / as3$$

$$as3 = 8,125677456 / 7,214985901$$

$$bs3 = 8,125677456 / 6,908739228$$

$$cs3 = 1,126222222 \times 1,176144762$$

$$pg = 8,125677456 / 1,324600367$$

$$ctg3 = 7,214985901 / 6,908739228$$

$$ctg3 = 1,176144762 / 1,126222222$$

$$as3 = 1,126222222$$

$$bs3 = 1,176144762$$

$$cs3 = 1,324600367$$

$$pg = 6,134436965$$

$$ctg3 = 1,044327432$$

$$ctg3 = 1,044327432$$

Mając określone parametry wewnętrzne trójkąta rozwartokątnego sprawdzimy za pomocą formuły Pitagorasa opartej na działaniach na ikoczynnie.

$$c3 = (as3 \times pg) \times (bs3 \times pg) / pg$$

$$\text{lub } c3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$8,125677456 = (1,126222222 \times 6,134436965) \times (1,176144762 \times 6,134436965) / 6,134436965$$

$$8,125677456 = (6,908739228 \times 7,214985901) / 6,134436965$$

$$8,125677456 = 49,846456145 / 6,134436965$$

$$8,125677456 = 8,125677455$$

$$L = P$$

lub

$$c3 = (a3 \times b3) / pg$$

$$8,125677456 = (6,908739228 \times 7,214985901) / 6,134436965$$

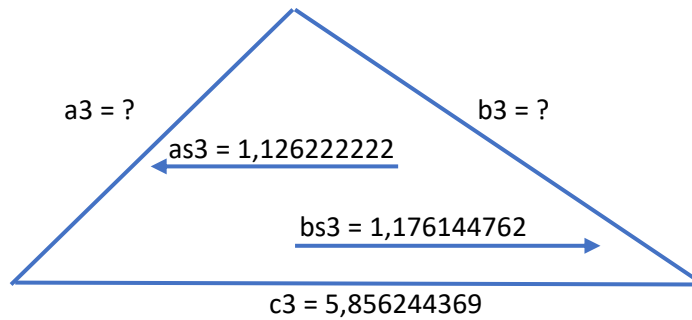
$$8,125677456 = 49,8464561145 / 6,134436965$$

$$8,125677456 = 8,125677456$$

$$L = P$$

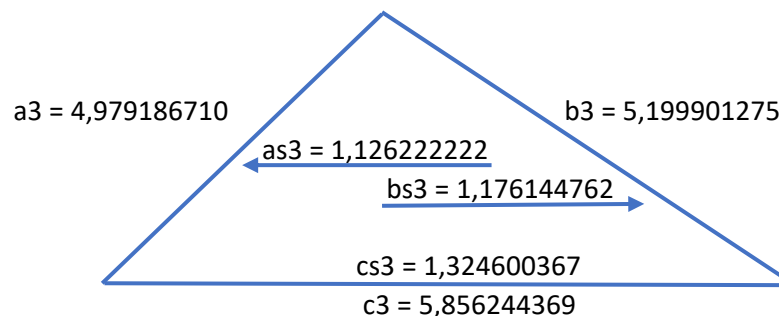
Ponizej przedstawie przykład matematyczny przedstawiając dowolnie określony parametr  $c3$  oraz za pomocą niezmiennych parametrów  $as3$  i  $bs3$ , określę zewnętrzne parametry  $a3$  i  $b3$  przy założeniu  $ctg3 = \text{const}$ .

dane;  
 $a_3 = ?$   
 $b_3 = ?$   
 $c_3 = 5,856244369$   
 $as_3 = 1,126222222$   
 $bs_3 = 1,176144762$   
 $cs_3 = 1,324600367$   
 $ctg_3 = 1,044327432$   
 $pg = ?$



dane;

|                       |                     |                                     |                       |
|-----------------------|---------------------|-------------------------------------|-----------------------|
| $a_3 = 4,979186710$   | $a_3 = c_3 / b_3$   | $a_3 = 5,856244369 / 1,176144762$   | $a_3 = 4,979186710$   |
| $b_3 = 5,199901275$   | $b_3 = c_3 / a_3$   | $b_3 = 5,856244369 / 1,126222222$   | $b_3 = 5,199901275$   |
| $c_3 = 5,856244369$   | $ctg_3 = b_3 / a_3$ | $ctg_3 = 5,199901275 / 4,979186710$ | $ctg_3 = 1,044327432$ |
| $as_3 = 1,126222222$  | $pg = c_3 / cs_3$   | $pg = 5,856244369 / 1,324600367$    | $pg = 4,421140530$    |
| $bs_3 = 1,176144762$  |                     |                                     |                       |
| $cs_3 = 1,324600367$  |                     |                                     |                       |
| $ctg_3 = 1,044327432$ |                     |                                     |                       |
| $pg = 4,421140530$    |                     |                                     |                       |



Na podstawie 5 - przykładów matematycznych przedstawiłem za pomocą trójkątów rozwartokątnych, rozwiązanie matematyczne 5 - niewiadomych parametrów tego trójkąta rozwartokątnego. Następnie przy podaniu tylko jednego parametru przeciwprostokątnej  $c_3$  oraz określonych dowolnie na początku dwóch parametrów  $ctg_1$  i  $ctg_2$  rozpoczynamy rozwiązanie matematyczne 5 - niewiadomych parametrów  $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$ . Oczywiście powyższe przykłady matematyczne rozwiązujące 5 - niewiadomych parametrów są matematycznie bardziej złożonym działaniem matematycznym niż jak wcześniej przedstawiłem w internecie dokładnie swoim blogu, rozwiązanie matematyczne z dwoma niewiadomymi parametrami  $a$  i  $b$  przy określeniu tylko jednego dowolnie określonego parametru przeciwprostokątnej  $c$  danego trójkąta prostokątnego.































