

dane;

$$\sqrt[5]{5} = 2,2360679774997896964091736687313$$

a1 = 7,4873211482784997438213878315421

S1 = 56,059977977458471947330480998939

$$\pi = ?$$

$$r = ?$$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 56,0599779774584/1947330480998939 / [(7,4873211482784997438213878315421 / 4) \times 2,2360679774997896964091736687313]^2$$

$$\pi = 56,059977977458471947330480998939 / (1,8718302870696249359553469578855 \times 2,2360679774997896964091736687313)^2$$

$$\pi = 56,059977977458471947330480998939 / 4,18553976423062697959445147783^2$$

$$\pi = 56,059977977458471947330480998939 \frac{1}{17}, 518743117955772483540775312169 =$$
$$3,19999999999999999999999999999999.$$

$$r = (a_1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (7,4873211482784997438213878315421 / 4) \times 2,2360679774997896964091736687313$$

$$r = 1,8718302870696249359553469578855 \times 2,2360679774997896964091736687313$$

$r = 4,18553976423062697959445147783$

sprawdzian.

$$a_1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times (4,18553976423062697959445147783)^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 17,518743117955772483540775312169$$

$$56,059977977458471947330480998939 = 56,059977977458471947330480998939$$

dane;

a1 = bok danego kwadratu

$a_1 = 7,4873211482784997438213878315421$

$a = a^{1/4} = 1,8718302870696249359553469578855$

$$b = a^{1/2} = 3,743660574139249871910693915771$$

$c = r$?

$$r^2 = a_1^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{1,871830287069624935955346957885^2 + 3,743660574139249871910693915771^2}$$

$$r = \sqrt{3,5037486235911544967081550624317 + 14,014994494364617986832620249734}$$

$$r = \sqrt{17,518743117955772483540775312166}$$

$r = 4,185539764230626979594451477829$

przykład. 2

dane;

$$\sqrt{5} = 2,2360679774997896964091736687313$$

$$a1 = 12,1377888214749876365772483814224$$

$$S1 = 147,32591747472316929194668546883$$

$$\pi = ?$$

$$r = ?$$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 147,32591747472316929194668546883 / [(12,1377888214749876365772483814224 / 4) \times 2,2360679774997896964091736687313]^2$$

$$\pi = 147,32591747472316929194668546883 / (3,0344472053687469091443120953555 \times 2,2360679774997896964091736687313)^2$$

$$\pi = 147,32591747472316929194668546883 / 6,7852302253387828876962362293326^2$$
$$\pi = 147,32591747472316929194668546883 / 46,039349210850990403733339209011 = 3,2$$

$$r = (a1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (12,1377888214749876365772483814224 / 4) \times 2,2360679774997896964091736687311$$

$$r = 6,7852302253387828876962362293326$$

Sprawdzian.

$$a1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times (6,7852302253387828876962362293326)^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 46,039349210850990403733339209011$$

$$147,32591747472316929194668546883 = 147,32591747472316929194668546883$$
$$L = P$$

dane;

a1 = bok danegokwadratu

$$a1 = 12,1377888214749876365772483814224$$

$$a = a1 / 4 = 3,0344472053687469091443120953555$$

$$b = a1 / 2 = 6,068894410737493818288624190711$$

$$c = r ?$$

$$r^2 = a^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{3,0344472053687469091443120953555^2 + 6,068894410737493818288624190711^2}$$

$$r = \sqrt{9,2078698421701980807466678418019 + 36,831479368680792322986671367207}$$

$$r = \sqrt{46,039349210850990403733339209009}$$

$$r = 6,7852302253387828876962362293325$$

$r = 5,1330306413322419569881392295194$

dane;

$$\sqrt{5} = 2,236067977499789696409173668731$$

a1 = 5,822427321177757624944842242133

S1 = 33,900659910397198745021438950486

$\pi = ?$

$r = ?$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 33,900659910397198745021438950486 / [(5,822427321177757624944842242133 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731]^2$$

$$\pi = 33,900659910397198745021438950486 / (1,455606830294439406236210560533 \times 2,236067977499789696409173668731)^2$$

$$\pi = 33.900659910397198745021438950486 / 3.254835821051366733255661980552^2$$

$$\pi = 33,900659910397198745021438950486 / 10,593956221999124607819199672024 = 3,2000000000000000000000000000009.$$

$$r = (a_1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (5,822427321177757624944842242133 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731$$

$$r = 1,455606830294439406236210560533 \times 2,236067977499789696409173668731$$

r = 3,254835821051366733255661980552

sprawdzian.

$$a_1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3.2 \times (3,254835821051366733255661980552)^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 10,593956221999124607819199672024$$

33,900659910397198745021438950486 = 33,900659910397198745021438950477
L = P

dane;

a1 = bok danego kwadratu

a1 = 5,822427321177757624944842242133

$$a = a_1 / 4 = 1,4556068302944394062362105605333$$

$$b = a_1 / 4 = 2,9112136605888788124724211210665$$

$c = r$?

$$r^2 = a^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{1,45556068302944394062362105605333^2 + 2,91121366058887881247242112110665^2}$$

$$r = \sqrt{2,11879124439982492156383993444054 + 8,4751649775992996862553597376215}$$

$$r = \sqrt{10,593956221999124607819199672027}$$

$$r = 3,2548358210513667332556619805527$$

dane;

$$\sqrt[5]{5} = 2,236067977499789696409173668731$$

a1 = 14,189457822343748877933248549211

S1 = 201,34071629207220409370547693202

$$\pi = ?$$

$$r = ?$$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 201,34071329207220409370547693202 / [(14,189457822343748877933248549211 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731]^2$$

$$\pi = 201,34071329207220409370547693202 / (3,5473644555859372194833121373027 \times 2,236067977499789696409173668731)^2$$

[illegible]

$$r = (a1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (14,189457822343748877933248549211 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731$$

$$r = (3,5473644555859372194833121373027 \times 2,236067977499789696409173668731$$

r = 7,9321480636566891923290439495368

sprawdzian.

$$a_1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 7,9321480636566891923290439495368^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 62,918972903772563779282961541242$$

201,340713292072204093705476932 = 201,34071329207220409370547693197
 L = P

dane;

a1 = bok danego kwadratu

a1 = 14,189457822343748877933248549211

$$a = a_1 / 4 = 3.5473644555859372194833121373028$$

b = a1 / 2 = 7,0947289111718744389666242746055

$c = r$?

$$r^2 = a^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{3,5473644555859372194833121373028^2 + 7,094728911171874438966624746055^2}$$

$$r = \sqrt{12,583794580754512755856592308252 + 50,335178323018051023426369233006}$$

$$r = \sqrt{62,9189729033772563779282961541258}$$

$$r = 7.9321480636566891923290439495378$$

$r = 9,2132286100570899314098448281153$

$$r = 10,318404077201958060645177628186$$

dane;

$$\sqrt{5} = 2,236067977499789696409173668731$$

a1 = 20,388544811644988729277144542422

S1 = 415,69275953645578894033002874348

$\pi = ?$

$r = ?$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 415,69275953645578894033002874348 / [(20,388544811644988729277144542422 / 4) \times$$

$$2,236067977499789696409173668731 \mid^2$$

$$\pi = 415.69275953645578894033002874348 / (5.0971362029112471823192861356055 \times$$

$$2,236067977499789696409173668731)^2$$

$$\pi = 415.69275953645578894033002874348 / 11.397543040284710152924856781727^2$$

$$\pi = 415,69275953645578894033002874348 / 129,90398735514243404385313398232 =$$

3,2000000000000000000000000000000000004.

$$r = (a_1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (20,388544811644988729277144542422 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731$$

$$r = 5,0971362029112471823192861356055 \times 2,236067977499789696409173668731$$

r = 11,397543040284710152924856781727

sprawdzian.

$$a_1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times (11,3975430402847101529248567811727)^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 129,90398735514243404385313398232$$

415,69275953645578894033002874348 = 415,69275953645578894033002874348

$$L = P$$

dane;

a1 = bok danego kwadratu

a1 = 20,388544811644988729277144542422

$$a = a_1 / 4 = 5,0971362029112471823192861356055$$

$$b = a_1 / 1 = 10,194272405822494364638572271211$$

$c = r$?

$$r^2 = a + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{5,0971362029112471823192861356055^2 + 10,194272405822494364638572271211^2}$$

$$r = \sqrt{25,980797471028486808770626796468 + 103,92318988411394723508250718587}$$

$$r = \sqrt{129,903987355142434043853313398234}$$

$r = 11,397543040284710152924856781728$

dane;

$$\sqrt{5} = 2,236067977499789696409173668731$$

a1 = 23,188437248342584933842712212481

S1 = 537,70362202032183198516129171937

$\pi = ?$

$r = ?$

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

$$\pi = 537,7036220203218319851612917193 / [(23,188437248342584933842712212481 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731]^2$$

$$\pi = 537,70362202032183198516129171937 / ((5,7971093120856462334606780531203 \times 2,236067977499789696409173668731)^2$$

$$\pi = 537.70362202032183198516129171937 / 12.962730494820548127130166825534^2$$

$$\pi = 537,70362202032183198516129171937 / 168,03238188135057249536290366227 =$$
$$3,20000000000000000000000000000000.$$

$$r = (a_1 / 4) \times \sqrt{5}$$

$$r = (23,188437248342584933842712212481 / 4) \times 2,236067977499789696409173668731$$

$$r = 5,7971093120856462334606780531203 \times 2,236067977499789696409173668731$$

r = 12,962730494820548127130166825534

sprawdzian.

$$a_1^2 = \pi r^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times (12,962730494820548127130166825534)^2$$

$$a1^2 = 3,2 \times 168,03238188135057249536290366227$$

537,70362202032183198516129171937 = 537,70362202032183198516129171926
L = P

dane;

a1 = bok danego kwadratu

a1 = 23,188437248342584933842712212481

$$a = a_1 / 4 = 5,7971093120856462334606780531203$$

b = a1 / 2 = 11,594218624171292466921356106241

$c = r$?

$$r^2 = a^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{5,7971093120856462334606780531203^2 + 11,594218624171292466921356106241^2}$$

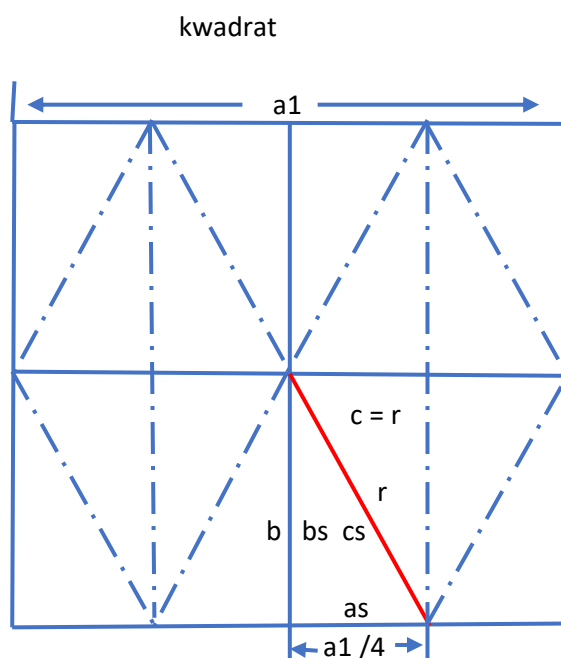
$$r = \sqrt{33,606476376270114499072580732461 + 134,42590550508045799629032292984}$$

$$r = \sqrt{168,03238188135057249536290366233}$$

$r = 12,962730494820548127130166825536$

$r = 14,303248146886475188512243228374$

W ostatnim opisie " Dowody matematyczno - graficzne kwadratury kola - cz.3 ", określiłem 10- przykładów matematycznych które określają parametry π i r z dokładnością do 12-miejsc po przecinku. W tym bieżącym opisie rozwiązując problem kwadratury kola przedstawiłem 10 - przykładów matematycznych określających parametry π i r z dokładnością do 30 - miejsc po przecinku. Do obliczeń tych przykładów matematycznych posłużyłem się elektronicznym kalkulatorem - naukowym znajdującym się w oprogramowaniu każdego komputera. Poniżej przedstawię metodę graficzną, w której za pomocą cyrkla i linijki bez skali określę promień r koła w kwadracie. Następnie przedstawię genezę formuły π , którego kluczem do określenia π są trójkąty prostokątne określające 7 - parametrów (a , b , c , as , bs , cs , pg ,) a nie jak dotychczas określone są 3 - parametrami (a , b , c ,) .

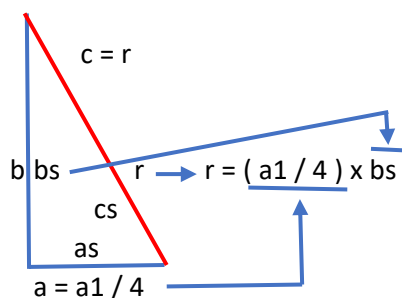


dane;

$$a = a1 / 4$$

$$bs = \sqrt{5}$$

$$c = r ?$$



przykład.

dane;

$$a = a1 / 4 = 1,5$$

$$b = a \times 2 = 1,5 \times 2 = 3$$

$$c = r ?$$

$$as = \sqrt{1,25}$$

$$bs = \sqrt{5}$$

$$cs = \sqrt{6,25}$$

$$r^2 = a^2 + b^2$$

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$r = \sqrt{1,5^2 + 3^2}$$

$$r = \sqrt{2,25 + 9}$$

$$r = \sqrt{11,25}$$

$$r = 3,3541019662496$$

$$ctg = b / a$$

$$as = c / b$$

$$bs = c / a$$

$$ctg = 3 / 1,5 = 2$$

$$as = 3,3541019662496 / 3 = 1,1180339887498^2 = \sqrt{1,25}$$

$$bs = 3,3541019662496 / 1,5 = 2,2360679774997^2 = \sqrt{5}$$

$$cs = as \times bs \quad cs = 1,1180339887498 \times 2,2360679774997 = 2,5^2 = \sqrt{6,25}$$

Zgodnie z reguła dla trójkątów prostokątnych z 7 - parametrami, w przypadku gdy $ctg = 2$ jest wartością niezmienną to parametry zewnętrzne trójkąta prostokątnego są wartościami zmiennymi (a, b, c) a parametry wewnętrzne trójkąta prostokątnego są wartościami niezmiennymi (as, bs, cs).

Na powyższych przykładzie rysunków trójkąta prostokątnego określimy formułę r koła;

$$r = (a1 / 4) \times bs \quad \text{lub} \quad r = (a1 / 4) \times \sqrt{5} \quad \text{lub} \quad r^2 = [(a1/4) \times \sqrt{5}]^2$$

Jak widzimy na powyższym przykładzie graficznym, określiliśmy promień r koła za pomocą trójkąta prostokątnego charakteryzującego się 7 - parametrami (a, b, c, as, bs, cs, pg) określiliśmy ostatecznie następującą formułę r ;

$$r = (a1 / 4) \times \sqrt{5}$$

Mając określoną powyższą formułę r oraz dowolny określony bok kwadratu $a1$, a co za tym idzie także pole powierzchni kwadratu $S1 = a^2$ określiliśmy wyjściowe podstawowe parametry kwadratu $a1$ i $S1$ oraz parametr koła r . Powyższe parametry wstawiamy do znanej formuły $S2 = \pi r^2$, którą przekształcamy tak aby określić formułę parametru π ;

$$S2 = \pi r^2 \longrightarrow \pi = S2 / r^2 \longrightarrow \pi = S2 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

A skoro pole powierzchni koła równe jest polu powierzchni kwadratu $S2 = S1$, to symbol $S2$ zamieniamy na $S1$ co spowoduje że ostateczna formuła π ma następującą postać;

$$\pi = S1 / [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2$$

Wykonując działania matematyczne na formułach r i π , sprawdzamy czy pole powierzchni koła jest równe polu powierzchni kwadratu, sprawdzamy za pomocą następujących formuł;

$$a1^2 = \pi \times [(a1 / 4) \times \sqrt{5}]^2 \quad \text{lub} \quad a1^2 = \pi r^2$$

Czyli jak wcześniej wspomniałem rozwiązaniem kwadratury jest że matematycznie pole powierzchni koła zawsze musi być równe polu powierzchni kwadratu $S1 = S2$.

Oczywiście że przedstawionych powyżej przykładach matematycznych parametry π i r można przedstawić większej skali dokładności. Warunkiem tego jest wykonywanie działań matematycznych kalkulatorem naukowym, na których wykonywaliśmy te działania dużo większej dokładności niż 30- miejsc po przecinku.

1.08.2025

X



Marian sokolik

podstawy geometri

Podpisany przez f5581705-d93f-4888-9599-2e9e5eb857ee

